

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY TA'LIM, FAN VA INNOVATSIYALAR VAZIRLIGI
CHIRCHIQ DAVLAT PEDAGOGIKA UNIVERSITETI**



**MATEMATIK ANALIZ
O'QUV DASTURI**

Bilim sohasi:	100000 – Ta'lif
Ta'lif sohasi:	110000 – Ta'lif
Ta'lif yo'nalishlari:	60110600 – Matematika va informatika

Chirchiq – 2023

Makandor kodi MATA128	O'quv yili 2023-2024	Semestr I-II III-IV	ECTS - Kreditlar 9 8
Fakultet nomi Məbərə	Təlim tili Orzbek	Həftədagi dars saatları 4	
Matematik analiz Fanning nomi	Auditoriya mashg'ulotları (soat)	Mustaqil ta'lim (soat)	Jami yuklama (soat)
	300	330	630

2. I. Fanning marmuni.

Fani o'qitishdən maqsad-matematik analiz kursinin asosiy maqsadi tələbatları matematikaning zaruriy ma'lumətləri majmuası (təshunchalar, təsdiqlər və ularning isboti, analıy massalarını yechish usulları və boshqalar) bilən tanışdırışdır iboradır. Ayni paytda u tələbatları mantiqiy fikrlasığa, to'g'ri xüosa chiqarışiga, matematik madaniyatını osurışığa və shu bilan bugalılıkda tələbatları zəmənoviy matematika asosları bilən tanışdırış, kasibiy fəaliyyətgə oid massalarını ongli rəvishdə tadqiq etish, muammolar yechimini topisida matematik analiz imkoniyatları möhiyatını təshuntirish və ularnı qo'llay olışba o'rgatışba xizmat qıladi.

Fanning vəzifəsi-matematik analiz fani matematik təshunchalar mazmunu, qoidalarını və usullarını ongli o'zlashtırış orqali fikrlash madaniyatını egallash, axborotları təshəbəşir, umumlaşdırış və təhlil qılış, maqsadını qo'yış və unga erişishib yo'llarını təmələş. Matematik analizing asosiy usullarını, jumladan nəzary və eksperimental tədqiqotlar usullarını kasibiy fəaliyyətgə qo'llash kompetensiyalarına erişish və shu orqali matematik analiz fanning mühandislik, fəlsəfə, texnika, iqtisod və boshqa səhərləri o'rganışda, ularning massalarını yechishdə, syniqsa turlı jərəyonlarning matematik modellərini təhlil qılışdırma mənim abinmətgəce egedligini anglaş.

II. Nəzəriy qism (ma'rūza məsləhətlərləri)

I semestr

1-mavzu. Matematik analiz fanning predmeti. Haqqıqıy sonlar to'plamı: Ratsional sonlar to'plamı və uning xossalari, ratsional sonlar to'plamining kesimi, iratsional son təshunchası, haqqıqıy sonlar to'plamining asosiy xossalari. Haqqıqıy sonning modulları və uning xossalari. Yuqorida və quyidan chegaralangan tripləmlər, ularning chegaraları.

2-mavzu. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklər ularning xossalari.

Sənli ketma-ketlik haqida təshunča. Ketma-ketliklərin berilish usulları. Chegaralangan ketma-ketliklər, monoton ketma-ketliklər. Ketma-ketlik limitinin tərif. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklərin xossalari. Cheksiz kichik və cheksiz kattı ketme-ketliklər və ularning xossalari. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklərin cügaralanganlığı, limitinin yagonalığı.

3-mavzu. Yaqinlashısta prinsipi.

Monoton ketma-ketliklərin limiti, e soni. Ichma-ich joylashğan segmentlər prinsipi. Qismiy ketma-ketlik. Bolsano-Veyershtress teoreması. Ketma-ketlik yaqinlashıshının Koshi kriteriyası.

4-mavzu. Bir o'zgaruvchili funksiya və uning xossalari.

Funksiyanın ta'rifli və berilish usulları. Funksiyanın grafiği. Funksiyalar ustida arifmetik amallar. Funksiyanın juft və toqligi, chegaralanganlığı, davriyili təshunchaları. Teskari və murakkab funksiyalar.

5-mavzu. Funksiyanın limitinin ta'rifləri.

Funksiyanın nuqtadagi limitinin Geyne və Koshi ta'rifləri. Limitə ega bo'lgan funksiyaların soddə xossalari. Bir tomonlı limitlər. Bir tomonlı limitlər asosida funksiyanın chekli limitiga ega bo'lish şartı.

6-mavzu. Limitə ega bo'lgan funksiyanın xossalari.

Iki funksiya yig'indi, ko'paytması və bo'linmasının limiti. Murakkab funksiyanın limiti. Monoton funksiyanın limiti. Koshi kriteriyisi. Ba'zi bir ajoyib limitlər. Cheksiz kichik funksiyalar və ularnı təqəqsəşəş.

7-mavzu. Uzlusız funksiya və uning xossalari.

Funksiyanın nuqpədəgi və to'plandığı uzlusızlığı. Yig'indi, ko'paytma və bo'linmənin ulusızlığı. Funksiyanın uzlılıq nüqtələri və ularning klassifikasiyası.

8-mavzu. Kesmada uzlusız bo'lgan funksiyaların xossalari.

Kesmada uzlusız bo'lgan funksiyanın xossalari. Monoton funksiyanın uzlusızlığı. Teskari funksiyanın mayjudlığı və uzlusızlığı. Tekis uzlusız funksiyalar. Asosiy elementar funksiyalar və ularning uzlusızlığı.

9-mavzu. Bir o'zgaruvchili funksiyanın həsiləsi.

Hosila təshunchasığa olub keledigan masalar. Həsilanıng ta'rifli, uning geometrik və mexanik ma'nələri. Egri chiziq urumması və normalının tenglənmələri.

10-mavzu. Həsilanı hisoblash qoidaları.

Asosiy elementar funksiyalarının həsiləri. Logaritmik həsilə. Dərəjə ko'resətikli funksiyanın həsiləsi.

11-mavzu. Funksiyanın differentisləti.

Differentislənəuvchaylaik və həsilanıng orasıdagı bölgələndə. Funksiya differentislənilən geometrik və fizik ma'nələri. Differential formasiyalarının invariantlığı. Differentislənilən təqribi həsoblashıharga tətbiqləri.

12-mavzu. Yuqori taribli həsılə və differentislər.

Yuqori taribli həsılələr. İkkinci taribli həsilanıng mexanik ma'nəsi. Yuqori taribli differentislər. Parametrik ko'rinishdə berilən funksiyaları differentisləşəş.

13-mavzu. Differential həsoblama asosiy teoremləri.

Fermat, Roll, Lagranj və Koshi teoremləri. Lopital qoşcası. Taylor formulasi. Teylor formulasi. Lopital qoşcası. Taylor hisoblaşdırıla tətbiqləri.

14-mavzu. Həsoblama tətbiqləri.

Funksiyanın o'qammasılık şartı. Funksiyanın monotonluğu. Funksiyanın

ekstremumlari. Birinchi tartibli hosila yordamida funksiyani ekstremunga teksirish. Yuqori tartibli hosila yordamida funksiyani ekstremunga teksirish. Funksiyaning eng katta va eng kichik qiymatlari.

15-mavzu. Hosila yordamida funksiyani to'la tekshirish.

Funksiyaning botiq va qavariqligi, english nuqtalari.

Funksiyaning asimptotalarini. Funksiyani to'la tekshirish va grafigini yasash.

II semestr

1-mavzu. Aniqmas integral va uni topishning sodda usullari.

Boshlang'ich funksiya va aniqmas integral tushunchalari. Aniqmas integralning xossalari. Aniqmas integrallar jadvali. Integrallash usullari: o'zgaruvchilarni almashtirish va bo'laklab integrallash.

2-mavzu. Ratsional funksiyalarni integrallash.

Sodda ratsional kasrlar va ulami integrallash. To'g'ri ratsional kasrlarni integrallash. Kasr ratsional funksiyalarni integrallash.

3-mavzu. Sodda irrasional va transsendent funksiyalarni integrallash.

Sodda irrasional ifodalarni integrallash. Binomial differentislarni integrallash. Eyler almashtirishlari. Trigonometrik ifodalarni integrallash. Universal usul.

4-mavzu. Aniq integralning ta'rif. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari.

Aniq integral tushunchasiga olib keladigan masalalar. Yuzza haqidagi va o'zgaruvchian kuch bajanadigan masalalar. Aniq integralning ta'rif. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy sharti. Darbu yig'indilari va ularning xossalari. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari.

5-mavzu. Integrallanuvchi funksiyalar sinfi. Aniq integralning xossalari.

Uzlusiz funksiyalarning integrallanuvchanligi. Monoton funksiyalarning integrallanuvchanligi. Chekli sondagi uзilishga ega bo'lgan funksiyalar. Aniq integralning tenglik va tengsizlik bilan ifodalananadigan xossalari. O'rta qiyamat haqidagi teoremlar. Yuqori chegarasi o'zgaruvchi bo'lgan aniq integral.

6-mavzu. Aniq integralni hisoblash usullari.

Nyuton - Leybnits formulasi. Aniq integralda o'zgaruvchilarni almashtirish va bo'laklab integralash usullari. Aniq integralni taqribiy hisoblash.

7-mavzu. Chegaralari cheksiz xosmas integrallar.

Integralash sohasi chegaralarnagan xosmas integral tushunchasi. Xosmas integralning xossalari. Absolyut yaqinlashuvchi integralarni hisoblash.

8-mavzu. Chegaralarnagan funksiyaning xosmas integrali.

Chegaralarnagan funksiyaning xosmas integrali. Chegaralarnagan funksiya xosmas integralining xossalari. Chegaralarnagan funksiyaning xosmas integralini hisoblash.

9-mavzu. Aniq integralning geometrik kattaliklarni hisoblashga tabbiqliari. Aniq integralning mexanika va fizikaga tabbiqliari

Yuzani hisoblash formulalari. Qutb koordinatalari sistemasida figuraning

yuzini hisoblash. Fazoviy jism hajmini hisoblash. Egri chiziq yoyi uzunligini hisoblash. Aytalma sirt yuzini hisoblash. O'zgaruvchi kuchning bajargan ishini aniq integral yordamida hisoblash. Yassi yoy va figuraning og'irlik markazlarini va inersiya momentlarini hisoblash formulalari.

10-mavzu. Yaqinlashuvchi sonli qatorlar va ularning xossalari.

Sonli qator tushunchasi. Yaqinlashuvchi qator va uning yig'indisi. Qatorning qoldig'i. Geometrik qator. Qator yaqinlashishining zaruriy sharti. Garmonik qator. Yaqinlashuvchi qatorlarning sodda xossalari. Koshi kriteriyasi.

11-mavzu. Musbat hadli qatorlar.

Musbat hadli qatorlarning yaqinlashish sharti. Musbat hadli qator yaqinlashishining zaruriy va yetarli sharti. Taqqoslash teoremlari. Koshi va Dalamber alomatari. Koshining integral alomati.

12-mavzu. Ixtiyoriy hadli qatorlar.

Ishorasi almashtinuvchi qatorlar. Leybnits teoremasi. Absolyut va shartli yaqinlashuvchi qatorlar va ularning xossalari.

13-mavzu. Funktsional ketma-ketiliklar. Tekis yaqinlashuvchi funktsional ketma-ketiliklarning xossalari.

Funksional ketma-ketilik tushunchasi, yaqinlashuvchi ketma-ketilik va uning funktsional ketma-ketilik. Tekis yaqinlashish alomati. Tekis yaqinlashuvchi funktsional ketma-ketilikning xossalari. (Limit funksiyaning uzlusizligi, uni differentialash va integralash).

14-mavzu. Funktsional qatorlar. Tekis yaqinlashuvchi funktsional qatorlarning xossalari. Funktsional qatorlar va uning yig'indisi, tekis yaqinlashish sharti. Tekis yaqinlashuvchi qatorning xossalari. Qator yig'indisining uzlusizligi, qatorni hadma-had differentialash va integralash.

15-mavzu. Darajali qatorlar. Taylor qator.

Darajali qator tushunchasi. Abel teoremasi. Darajali qatorning yaqinlashish radiusi, yaqinlashish intervali va sohasi. Darajali qatorning tekis yaqinlashishi. Funksiyalarni darajali qatorga yoyish masalasi. $\sin x$, $\cos x$, e^x , $\ln(1+x)$ va $(1+x)^\alpha$ funkciyalarni darajali qatorga yoyish. Darajali qatorning taqribiy hisobga tabbiqi.

III semestr

1-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar.

Ko'p o'zgaruvchining funksiyasi haqida tushuncha. R^n fazoning qism o'planlari. m o'zgaruvchili funksiyaning aniqolanish sog'asi sifatida. Ikki o'zgaruvchili funksiyaning grafigi. Sath chiziqlari va sirifikasi tushunchalari.

2-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning limiti.

R^n fazoda nuqtaning atrofi. R^n fazodagi nuqtalar ketma-ketligi va uning limiti, m o'zgaruvchili funksiyaning limiti. Takroriy limitlar.

3-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili uzlusiz funksiyalar. Ko'p o'zgaruvchili uzlusiz funksiyaning tekis uzlusizligi.

Uzlusizlik ta'riflari. Ko'p o'zgaruvchili uzlusiz funksiyaning xossalari.

Murakkab funksiyaning uzuksizligi. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning oraliq qismatlari haqidagi teoremlar. Veyershtass teoremlari. Tekis uzuksizlik va Kantor teoremasi.

4-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarini differensiallash. Ko'p o'zgaruvchili funksiya differensialning taqribiy hisoblashlarga tadbiqlari. Xususiy hosilat. Ko'p o'zgaruvchili differensiallanuvchi funksiya.

Differensialanuvchi bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning to'la differensiali. Urinma tekislik. Ikki o'zgaruvchili funksiyadan geometrik ma'nosi. Murakkab funksiyani differensiallash. Differensial formasining invariantligi. Differensialning taqribiy hisoblashlarga tadbiqlari.

5-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibili hosila va differensiallari.

Yuqori tartibili xususiy hosilat. Yuqori tartibili differensiallar. Ikki o'zgaruvchili funksiya uchun Teylor formulasi.

6-mavzu. Oshkormas funksiyalarini differensiallash.

Bir va ko'p o'zgaruvchili oshkormas funksiyalar. Oshkormas funksiyaning mavjudligi va differensialtanuvchanligi.

7-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning ekstremumlari.

Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning ekstremumlari. Ekstremumning zaruriy sharti. Ikki o'zgaruvchili funksiya uchun ekstremumning yetarli sharti. Shartli ekstremumlar. Yo'malish bo'yicha hosila. Gradiyent.

8-mavzu. Ikki o'ichovli integrallar.

Ikki o'ichovli integral tushunchasi. Ikki o'ichovli integralning xossalari. Uzlksiz funksiya uchun integrallanuvchanligi. Taktoriy integrallar. Ikki o'ichovli integralni hisoblash.

9-mavzu. Ikki o'ichovli integralarning tadbiqlari.

Ikki o'ichovli integralda o'zgaruvchilarni almashtirish. Qutb koordinatalarda ikki o'ichovli integral. Ikki o'ichovli integralning tadbiqlari.

10-mavzu. Uch o'ichovli integrallar.

Uch o'ichovli integral tushunchasi. Uch o'ichovli integralning xossalari. Uch o'ichovli integralni hisoblash.

11-mavzu. Uch o'ichovli integralarning tadbiqlari.

Uch o'ichovli integralda o'zgaruvchilarni almashtirish. Silindriq va sferik koordinatalarda uch o'ichovli integral. Uch o'ichovli integralning tadbiqlari.

12-mavzu. Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integrallar.

Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integralga olib keladigan masalalar. Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integral va uning xossalari. 13-mavzu. Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integralarning tadbiqlari.

Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integralning tadbiqlari. 14-mavzu. Kordinatalar bo'yicha olingan egri chiziqli integrallar. Tekis kuchi maydonining bajargan ishi haqidagi masala. Koordinatalar bo'yicha olingan egri chiziqli integral va uning xossalari. Egri chiziqli integralni

hisoblash. Grin formulasi.

15-mavzu. Sirt integrallari.

Birinchchi tur sirt integrallari. Ikkinchchi tur sirt integrallari. Stoks va Ostrogradskiy formulalar.

IV semestr

1-mavzu. Differensial tenglama haqida tushuncha. Differensial tenglamalarga olib kelinadigan masalalar.

Differensial tenglamalar nazariyasining asosiy tushunchalari. Tekislikda va fazoda yo'nalishlar maydoni. Izoklina. Integral egi chiziqlar. Differensial tenglamalar orqali ifoddalanuvchi ayrim fizik va geometrik masalalar.

2-mavzu. O'zgaruvchilari ajraladigan va o'zgaruvchilari ajralgan differensial tenglamaga keltiriladigan tenglamalar

O'zgaruvchilari ajralgan va unga keltiriladigan differensial tenglamalar..

3-mavzu. Bir jinsli va unga keltiriladigan differensial tenglamalar

O'zgaruvchilariiga nisbatan bir jinsli va umumlashgan bir jinsli tenglamalar.

4-mavzu. Chiziqli differensial tenglamalar. Bernulli tenglamalar.

Chiziqli differensial tenglamalar. Bernulli bermuli tenglamasi.

5-mavzu. Chiziqli differensial tenglamalar. Rikkati tenglamalar.

Chiziqli differensial tenglamalar. Rikkati tenglamasi.

6-mavzu. To'liq differensialli tenglamalar. Integrallovchi ko'paytuvchi.

To'liq differensialli tenglamalar va unga keladigan tenglamalar. Integrallovchi ko'paytuvchi.

7-mavzu. Hosilaga nisbatan yechilmagan birinchi tartibli tenglamalar.

Hosilaga nisbatan yechilmagan birinchi tartibli differensial tenglamalar va ularni integrallash usullari. Yechimning mavjudligi haqidagi teorema.

8-mavzu. Parametr kiritish yo'lli bilan tenglamalarni integrallash.

Lagranj va Klero tenglamalari.

Parametr kiritish yo'lli bilan tenglamalarni integrallash.

Klero tenglamasi.

9-mavzu. Hosilaga nisbatan yechilmagan birinchi tartibli oddiy differensial tenglama uchun Koshi masalasining yechimining mavjudligi va yagonaligi. Maxsus yechim.

Birinchi tartibli tenglama uchun Koshi masalasi. Yechimning mavjudligi va ettrish haqidagi teorema. Yechimning boshlang'ich shartga va parametrga uzlksiz bog'liqligi.

10-mavzu. n – tartibili oddiy differensial tenglamalar uchun mavjudligi va yagonalik teoremasi. Tartibi kamayadigan differensial tenglamalar.

Chiziqli bo'limgan integralanning tenglamalar.

Yuqori tartibili differensial tenglamalar. Boslang'ich shartlar. Yechimning mavjudligi va yagonaligi haqidagi teorema. Yuqori tartibili tenglamalarning tartibini pasaytirish.

11-mavzu. n – tartibili chiziqli differensial tenglamalar. Vronskiy determinanti. Ostragradskiy-Liuvill formulasi.

n – tartibli chiziqli differentsial tenglamalar va ularning umumiy xossalari. Mayjudlik va yagonalik teoremasi. Chiziqli erkli funksiyalar. Vronskiy determinant va uning xossalari. Yechimning fundamental sistemasi. Ostrogradskiy-Liuviil formulasi.

12-mavzu. *n* – tartibli chiziqli bir jinsli bo'lmagan differentsial tenglamalar. J.Lagranj usuli.

Bir jinsli bo'lmagan chiziqli tenglamalar. O'zgarmasini variatsiyalash usuli.

13-mavzu. *n* – tartibli chiziqli o'zgarmas koefitsientli bir jinsli differentsial tenglamalar va ularning xossalari. O'zgarmas koefitsiyentli chiziqli tenglamaga keladigan tenglamalar.

O'zgarmas koefitsientli chiziqli differentsial tenglamalar. Eyler tenglamasi. Bir jinsli bo'lmagan o'zgarmas koefitsientli chiziqli differentsial tenglamalar va ularning xususiy yechimlarini topish.

14-mavzu. Differentiial tenglamalar sistemasi. Differentiial tenglamalarining normal sistemasi. Umumiy tushunchalar. O'zgarmas koefitsiyenti chiziqli differentsial tenglamalar sistemasini yechish usullari.

Differentiial tenglamalar sistemasini normal ko'rinishga keltirish. Differentiial tenglamalarning normal sistemasi uchun mayjudlik va yagonalik teoremasi. Chiziqli differentsial tenglamalar sistemasi.

15-mavzu. Turg'unlik nazarriyasi asoslari. Xususiy hosilali birinchi tartibili tenglamalar.

Asimptotik turg'un davriy harakat tushunchasi. Yechimning boshlang'ich shart va parametr bo'yicha differentsiallanuvchanligi. Lyapunov ma'nosida turg'unlik. Asimptotik turg'unlik haqidagi teoremlar. Birinchi yaqinlashish bo'yicha turg'unlik haqida Lyapunov teoremasi. Xususiy hosilali birinchi tartibili chiziqli tenglama va uning umumiy yechimi. Xususiy hosilali kvazichiziqli birinchi tartibili differentsial tenglamalar. Xarakteristik va integral sirlari. Koshi masalasi yechumining mayjudligi va yagonaligi.

V semestr

1-mavzu. Kompleks sonlar ustida amallar.

Kompleks sonning geometrik tasviri. Modul va argument haqidagi teorema.

Muavr va n-tartibli ildiz chiqarish formulalari

2-mavzu. Kompleks o'zgaruvchili funksiya haqida tushuncha

Kompleks o'zgaruvchili funksiya. Soha va Jordan chizig'i tushunchalari

3-mavzu. Laplas almashtirishi va uning xossalari

4-mavzu. Kompleks o'zgaruvchili funksiyaning differentsiallanuvchiligi

Kompleks o'zgaruvchili funksiyalarni differentsiallash. Hosila mavjudligining zaruriy va yetarli shartlari

5-mavzu. Koshining integral teoremasi.

To'g'rilanuvchi chiziqlar. Kompleks funksiyaning integrali. Integralning

mayjudlik sharti. Integralni hisoblash. Integralning xossalari

6-mavzu. Koshining integral formulasi.

Oddiy kontur uchun Koshining integral teoremasi uning isbotini soda holga keltirish. Oddiy kontur uchun Koshining integral teoremasining sodda hol uchun isboti. Teorema shartlarining muhimligini ko'rsatuvchi misollar

7-mavzu. Taylor qatorlari.

Funksiyalarni qatorlarga yoyishi. Taylor qatorlari koefitsientlarini toppish. Makleron qatorlari. Taylor va Makleron qatorlarini koefitsientlarini topishga doir misollar.

8-mavzu. Maxsus nuqtalarning klassifikatsiyasi.

Yakkalangan maxsus nuqta, Loran qatori, A(z)-antianalitik funksiya, A-antianalitik funksiya, maxsus nuqtalarning turлari, A(z) – analitik funksiyalar uchun chegirma.

9-mavzu. Loran qatori, chegirmalar.

Loran qatori tushunchasi. Uning regulyar va asosiy qismi. Loran qatorining yagonaligi. Loran teoremasi. V sohadagi Loran qatori. Golomorf halqanining Loran qatoriga yovilmasi.

10-mavzu. Jordan lemmasi.

Berilgan chekli oraliq bo'yicha haqiqiy funksiya integralini hisoblash. Jordan lemmasi. Jordan lemmasi bayoni va unga doir misollar.

11-mavzu. Chegirmalar yordamida integralarni hisoblash.

Maxsus nuqtalar. Golomorf funksiyalar. Chegirmalar. Xosmas integrallar. Chegirmalar yordamida xosmas integralarni hisoblash usullari.

12-mavzu. Logarifmning regulyar vetvasi.

13-mavzu. Ildizlarning regulyar vetvasi.

14-mavzu. Rush teoremasi. Butun funksiyalar

15-mavzu. Meromorf funksiyalar va ularning xossalari

III. Amaliy mashg'ulotlari buyicha ko'rsatma va tavsiyalar

III.I. Amaliy mashg'ulotlari uchun quyidagi mavzular tavsiya etiladi:

I semestr

1. Matematik analiz fanning predmeti. Haqiqiy sonlar to'plami.

2. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklar ularning xossalari.

3. Yaqinlashish prinsipi.

4. Bir o'zgaruvchili funksiya va uning xossalari.

5. Funksiyaning limitining ta'riflari.

6. Limitga ega bo'lgan funksiyaning xossalari.

7. Uzluksiz funksiya va uning xossalari.

8. Kesmada uzlusiz bo'lgan funksiyalarning xossalari.

<p>9. Bir o'zgaruvchili funksiyaning hosilasi.</p> <p>10. Hosilani hisoblash qoidalari.</p> <p>11. Funksiyaning differensiali.</p> <p>12. Yuqori tartibli hosila va differensiallar.</p> <p>13. Differensial hisobning asosiy teoremlari.</p> <p>14. Hosilaning tabbiqlari.</p> <p>15. Hosila yordamida funksiyani to'la tekshirish.</p>	<p>II semestr</p> <p>1. Aniqmas integral va uni topishning soddha usullari.</p> <p>2. Ratsional funksiyalarni integrallash.</p> <p>3. Sodda irratsional va transsendent funksiyalarni integrallash.</p> <p>4. Aniq integralning ta'rif. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari.</p> <p>5. Integrallanuvchi funksiyalar sinfi. Aniq integralning xossalari.</p> <p>6. Aniq integralni hisoblash usullari.</p> <p>7. Chegaralari cheksiz xosmas integrallar.</p> <p>8. Chegaralannagan funksiyaning xosmas integrali.</p> <p>9. Aniq integralning geometrik kattailklarni hisoblashga tabbiqlari. Aniq integralning mechanika va fizikaga tabbiqlari</p> <p>10. Yaqinlashuvchi sonli qatorlar va ularning xossalari.</p> <p>11. Musbat hadli qatorlar.</p> <p>12. Iktiyoriy hadli qatorlar.</p> <p>13. Funktsional ketma-ketliklar. Tekis yaqinlashuvchi funksional ketma-ketliklarning xossalari.</p> <p>14. Funktsional qatorlar. Tekis yaqinlashuvchi funksional qatorlarning xossalari.</p> <p>15. Darajali qatorlar. Taylor qatori.</p>
<p>III semestr</p> <p>1. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar.</p> <p>2. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning limiti.</p> <p>3. Ko'p o'zgaruvchili uzlusiz funksiyalarning tekis uzlusizligi.</p> <p>4. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarni differensiallash. Ko'p o'zgaruvchili funksiya differensialning taqribiliy hisoblashlarga tabbiqlari.</p> <p>5. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibli hosila va differensiallari.</p> <p>6. Oslormas funksiyalarni differensiallash.</p> <p>7. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning ekstremumlari.</p> <p>8. Ikki o'chovli integrallarning tabbiqlari.</p> <p>9. Uch o'chovli integrallarning tabbiqlari.</p> <p>10. Uch o'chovli integrallarning tabbiqlari.</p> <p>11. Uch o'chovli integrallarning tabbiqlari.</p> <p>12. Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integrallarning tabbiqlari.</p> <p>13. Yoy uzunligi bo'yicha olingan egri chiziqli integrallarning tabbiqlari.</p>	

<p>IV semestr</p> <ol style="list-style-type: none"> Differensial tenglama haqida tushuncha. Differensial tenglamalarga olib kelinadigan masalalar. O'zgaruvchilarai ajraladigan va o'zgaruvchilari ajralgan differensial tenglamaga keltiriladigan tenglamalar Bir jinsli va unga keltiriladigan differensial tenglamalar Chiziqli differensial tenglamalar. Bernulli va Rikkati tenglamalar. To'liq differensiali tenglamalar. Integrallovchi ko'payuvchi. Hosilaga nisbatan yechilmagan birinchi tartibili tenglamalar. Parametr kiritish yo'lli bilan tenglamalarni integrallash. Lagranji va Klero tenglamalari. Hosilaga nishatan yechilmagan birinchi tartibili oddiy differensial tenglama uchun Koshi masalasining yechimining mavjudligi va yagonaligi. Maxsus yechim. n – tartibli oddiy differensial tenglamalar uchun mavjudlik va yagonalik teoremasi. Tartibi kanayadigan differensial tenglamalar. Chiziqli bo'lмаган integrallanuvchi tenglamalar. n – tartibli chiziqli differensial tenglamalar. Vronskiy determinanti. Ostragradskiy-Liuvill formulasi. n – tartibli chiziqli bir jinsli bo'lмаган differensial tenglamalar. J.Lagrani usuli. O'zgarmas koefisiyentli chiziqli tenglamaga keladigan tenglamalar. Qo'shma tenglamalar. Eyler tenglamasi. Differensial tenglamalar sistemasi. Differensial tenglamalarning normal sistemasi. Umumiy tushunchalar. O'zgarmas koefisiyentli chiziqli differensial tenglamalar sistemasini yechish usullari Turg'unlik nazariyasi asoslari. Xususiy hosilalari birinchi tartibili tenglamalar. <p>V semestr</p> <ol style="list-style-type: none"> Kompleks sonlar ustida amallar. Kompleks o'zgaruvchili funksiya haqida tushuncha Laplus almashtirishi va uning xossalari Kompleks o'zgaruvchili funksiyaning differensiallanuvchiligi Koshining integral teoremasi. Koshining integral formulasi. Teylor qatorlari. 	<p>14. Kordinatalar bo'yicha olingan egri chiziqli integrallar.</p> <p>15. Sirt integrallari.</p>
---	---

8. Maxsus nuqtalaming klassifikatsiyasi
9. Loran qatori, chegirmalar
10. Jordan lemmasi
11. Chegirmalar yordamida integrallarni hisoblash
12. Logarifmning regulyar vetvasi
13. Ilidlarning regulyar vetvasi
14. Rush teoremasi. Butun funksiyalar
15. Mermorf funksiyalar va ularning xossalari

IV. Mustaqil ta'limiň baholash – bu talabalarining jamaoviy tartibda va yakka tartibda berilgan amaly misollar yoki masalalarni bajarishlari orqali amalga oshiriladi. Bunda har bir talabaga bitta jamaoviy mavzu yoki masalalar beriladi. Talaba berilgan misol yoki masalalarning maqsad va vazifalarini, mohiyatini tushungan holda qo'yigan masalani o'rganib, izlanishlar olib boradi. Olingan natijalarni tahsil qilib, yechimlari bilan taqdimatlar tayyorlab himoya qiladi.

Mustaqil ta'lim uchun tavsiya etiladigan mavzular:

- I semestr
- 1-To'plam tushunchasi hamda misol va masalalar.
 - 2-Qism to'plam tushunchasi. Qism to'planga oid misollar va masalalarni o'rganish.
 - 3-To'plamlar haqida tariflar va tushunchalar. To'plamlarga oid misol va masalalarni o'rganish.
 - 4-Haqiqiy songa karni bilan va orig'i bilan o'nli yaqinlashtirish. Haqiqiy sonlar va ularni taqqoslash.
 - 5-Haqiqiy sonlar to'plami. Chegaralangan to'planning aniq chegaralari va ular haqidagi teorema.
 - 6-Funksiya tushunchasi. Funksiyaning aniqlanish va qiymatlar sohasi.
 - 7-Koordinatalar sistemasi. Funksiyaning grafigi.
 - 8-Funksiya tarifi va aniqlanish va qiymatlar sohasiga oid misol va masalalarni o'rganish.
 - 9-Juft va toq funksiyalar haqida tushunchalar va teoremlar. Juft va toq funksiyalarga oid misol va masalalarni o'rganish.
 - 10-Davriy va davriymas funksiyalarga oid tushuncha va tariflar.
 - 11-Chegaralangan va chegaralaumagan funksiyalar.
 - 12-Berilgan funksiyaga teskari funksiya tushunchasi, chegaralari cheklangan va cheklanmagan funksiyalar haqida tushuncha.
 - 13- $y = ax^\alpha$ va $y = \log_a x$ funksiyalarining xossalari, funksiyalarning grafiklari.
 - 14-mavzu. $y = \sin x, y = \cos x, y = \operatorname{tg} x, y = \operatorname{ctg} x$ funksiyalar va ularning xossalari, grafigi.
 - 15-Sonli ketma-ketlik limitining ta'rifi. Misollar.
 - 16-Berilgan son ketma-ketlikning limiti bo'lishi yoki bo'lnasligini ta'rif bo'yicha ko'satish.

- 17-Ketma-ketlik yaqinlashtishining zaruriy sharti. Limitilar haqida teoremlar.
- 18-Chekisiz kichik va cheksiz katta ketma-ketliklar.
- 19-Ixtiyoriy sonly ketma-ketliklar. Qismiy ketma-ketliklar va qismiy limitlar.
- 20-Yuqori va quyi limitlar. Limitlarga doir tushunchalarini o'rganish va ularga misollar keltirish.

- 21-Ichma-ich joylashgan segmentlar prinsipi. Chegaralangan funksiyalarning yaqinlashishi haqida tushunchalar.
- 22-Chegaralangan funksiyalaga oid misol va masalalarni o'rganish.
- 23-Ta'rif bo'yicha berilgan son berilgan funksiyaning limiti ekanligini ko'reatish.

- 24-Funksiyaning limitiga oid tushunchalar va tariflar. Ularga oid misollar va masalalarni o'rganish.
- 25-Cheksizlikdagi limit. Bir tomonli limitlar.
- 26-Cheksiz kichik va cheksiz kattalar. Aniqmasliklarga oid tushunchalar va tariflar. Limitlar haqida tushunchalar. Aniqmasliklarga oid misollar va masalalarni o'rganish

- 27-Uzulish turlari, sakrash tushunchasi. Uzluksiz funksiyalar ustida arifmetik amallar bajarish. Uzluksiz funksiyalar haqida tushunchalar va tariflar.
- 28-Veyvershtass teoremasi haqida tariflar va tushunchalar. Tekis uzuksizlik haqida tariflar vaujar haqida ma'lumotlar. Kantor teoremasiga oid misol va masalalarni o'rganish va tushunchalar berish.

- 29-Uzilishga ega bo'lgan funksiyalarni, uzilish nuqtalari, uzilish turlari, bir yoki bir nechta elementinga biror qonun yoki qoidaga asosan to'plamdan yagona elementni mos qo'yishiga funksiya o'rganiladi.

- 30-Funksiyaning nuqtada uzuksiz bo'lishi u holda nuqtaning yetarli kichik atrofi o'rganiladi. Teskari funksiyaning mayjudligi va uzuksizligini tekshirishda natijasida hosil bo'ladigan funksiya teskarisini topish o'rganiladi.

II semestr

- I-Funksiyaning hosilasi
- 2-Funksiyaning differensiali
- 3-Funksiyaning differensiali funksiya ortirmasining argument ortirmasi nisbatiga yuqori tartibli hosila funksiyaning n-tartiblisini o'rganish.
- 4-Funksiyaning differensiali funksiya ortirmasining argument ortirmasi nisbatiga yuqori tartibli hosila funksiyaning n-tartiblisini o'rganish.
- 5-Hosila yordamida funksiyani monotoniikkha tekshirish.
- 6-Funksiya ekstreumi, ularni hosila yordamida topish.
- 7-Funksiya grafigining qavariligi
- 8-Funksiya grafigining botiqligi.
- 9-Funksiya grafigining asymptotalar.
- 10-Boshlang'ich funksiya
- 11-Aniqmas integral tushunchalarini integrallash
- 12-Trigonometrik funksiyalarni integrallash
- 13-Ba'zi irratsional funksiyalarni integrallash
- 14-Aniq integral (Riman integrali) tariflari.
- 15-Nyuton-Leybnits formulasi.

	16-Aniq integralning mavjudlig'i .
	17-Integrallanuvchi funksiyalar sinfi.
	18- Sonli qatorlar.
	19-Haqiqiy va kompleks sonli qatorlar.
	20-Yaqinlashuvchi qatorlarning xossalari.
	21-Musbat hadli va xtiyoriy hadli qatorlar va ular yaqinlashish alomatları.
	22-Absolyut va shartli yaqinlashuvchi qatorlarning xossalari. .
	23-Riman teoremasi.
	24-Funksional qatorlar.
	25-Funksional ketma-ketlik (qator)larning tekis yaqinlashishi alomatları.
	26-Funksional qatorlarning Dalaamber alomatiga ko'ra yaqinlashishi
	27-Funksional ketma-ketlik (qator)larning funksional xossalari.
	28-Haqiqiy va kompleks hadli darajali qatorlarning yaqinlashish soxasi.
	29-Koshi—Adamov formulasi
	30-Darajali qatorlarning funksional xossalari.

III semestr

- Teylor va Makloron qatorlari.
- Elementar funksiyalarni darajali qatorlarga yoyish.
- Funksiyaning o'rta qiymati.
- O'rta qiymat haqidagi teorema va tadbipi.
- Birinchil tur xosmas integrallar va ularning yaqinlashishi.
- Chegaralari cheksiz xosmas integralning yaqinlashuvchiligi.
- Ixтиyoriy funksiya xosmas integralning yaqinlashuvchanligi.
- Integral uchun Koshi kriteriyasi,
- Dirixle alomati. Abel alomati
- Ikkinchil tur xosmas integrallar haqida tushunchalar.
- Ikkinchil tur xosmas integrallar haqida tushunchalar.
- Xosmas integralning absololyut va shartli yaqinlashuvchiligi.
- Xosmas integralning yaqinlashuvchilik alomatlari.
- R^n fazo va uning ruhim to'plamlari. R^n fazoda ketma-ketlik va uning limiti.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiya va uning limiti.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning uzluksizligi.
- Uzluksiz funksiyalarning xossalari.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning tekis uzluksizligi.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning teknik uzluksizligi.
- Kantor teoremasi.
- Kantor teoremasi.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning hosilasi
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning hosilasi
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning differentiali.

29-Yo'nalish bo'yicha hosila.
30-Yo'nalish bo'yicha hosila.

IV semestr

- Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibli hosilasi
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibli differentiali.
- O'rta qiymat haqidagi teorema.
- O'rta qiymat haqidagi teorema.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning uzluksizligi.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning Teylor formulasi.
- Oshkormas funksiyalarning mayjudligi.
- Oshkormas funksiyalarning mayjudligi.
- Oshkormas funksiyalarning uzluksizligi
- Oshkormas funksiyalarning differentiallanuvchiligi.
- Oshkormas funksiyalarning differentiallanuvchiligi.
- Funksiyalar sistemasining bog'liq va bog'liqmasligi.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar sistemasining bog'liq va bog'liqmasligi.
- Funksiyalar sistemasining ekstremum qiyamatları.
- Ekstremumning zaruriy va yetarli shartları.
- Ko'p o'zgaruvchili Ekstremumning shartları.
- Ko'p o'zgaruvchili funksiya va uning limiti
- Yo'nalish bo'yicha hosila
- Ko'p o'zgaruvchili funksiya tekis uzluksizligi
- Funksiyaning o'rta qiymati
- Sonlarning o'rta arifmetikk qiyamatları
- Funksiyaning o'rta qiyamatini har xil kesmalarda hisoblash
- Funksiyaning o'rta qiyamatini har xil kesmalarda hisoblash
- Oshkormas funksiyalarning mavjudli
- Oshkormas funksiyalarning mavjudli
- Bunda funksiyalarning uzluksizligi
- Bunda funksiyalarning uzluksizligi

V semestr

- Bunda funksiyalarning differentiallanuvchiligi
- Bunda funksiyalarning differentiallanuvchiligi
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar nazariyasi
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar nazariyasi
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning limiti
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning limiti
- Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning uzluksizligi

	<p>8.-Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning uzlusizligi</p> <p>9.-Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning uzlusizligi</p> <p>10.-O'zgaruvchili funksiyalar</p> <p>11.-O'zgaruvchili funksiyalar</p> <p>12.-O'zgaruvchili funksiyalarning limiti</p> <p>13.-O'zgaruvchili funksiyalarning uzlusizligi</p> <p>14.-O'zgaruvchili funksiyalarning uzlusizligi</p> <p>15.-O'zgaruvchili funksiyalarning uzlusizligi</p> <p>16.-Parametrga bog'liq xos integrallar va ularning funksional xossalari.</p> <p>17.-Parametrga bog'liq xosmas integralarni tekis yaqinlashishi</p> <p>18.-Parametrga bog'liq xosmas integrallar va ularning funksional xossalari.</p> <p>19.-Eyler integrallari</p> <p>20.-Eyler integrallari xossalari,</p> <p>21.-Eyler integrallari orasidagi bog'lanish.</p> <p>22.-Karrali integral.</p> <p>23.-Darbu yig'indilari xossalari va mavjudligi.</p> <p>24.-Integrallarni funksiyalar sinfi.</p> <p>25.-Karrali integralarni hisoblash</p> <p>26.-Karrali integralarning tadbiqlari.</p> <p>27.-Birinchisi va ikkinchi tur egri chiziqli integrallar</p> <p>28.-Grin formulasi va uning tadbiqlari.</p> <p>29.-Birinchisi va ikkinchi tur sirt integrallari va ular orasidagi bog'lanish.</p> <p>30.-Stoks va Gauss- Ostrogradskiy formulalari</p> <p>31.-Davriy funksiyalar</p> <p>32.-Funksiyalarni davriy davom ettirish.</p> <p>33.-Juft va toq funksiyalarning Furye qatori.</p> <p>34.-Dirixli integrali. Lokalizatsiyalash prinsipi.</p> <p>35.-Fure qatorlarining yaqinlashishi va xossalari.</p> <p>36.-Ixtiyoriy davrli funksiyaning Fure qotori</p> <p>37.-Fure integrali va almashtirishlari.</p> <p>38.-Laplas almashtirishlari</p> <p>39.-Sonli qatorlar. Darajali qatorlar.</p> <p>40.-Umumlashgan holda Furi qotori.</p> <p>41.-Kompleks o'zgaruvchili funksiyalar hoslasi Kompleks o'zgaruvchili funksiyalarining moduli</p> <p>42.-Kompleks o'zgaruvchili funksiyalar argumentining geometrik ma'nosi.</p> <p>43.-Koshi-Riman sharti.</p> <p>44.-Golomorf va garmonik funksiyalar va ularning asosiy xossalari.</p> <p>45.-Konform aksiantirislar.</p> <p>46.-Koshining integral formulasi.</p>
3.	<p>V. Ta'llim natijalari (shakllanadigan kompetensiyalar)</p> <p>-Modul ma'ruzalar va amaliy auditoriya maslik'ulotlari hamda talabalarining mustaqil faoliyati orqali tashkii etiladi. Ma'ruzalarda matematik analiz kursi mavzularini tahsil</p>

	<p>qilish uchun zaru bo'lgan nazariy ma'lumotlar beriladi. Amaliy auditoriya maslik'ulotlarida matematik analiz kursi muammolarini(misol va masalalari) taqdim etiladi va talabalarga ularni hal qilish uchun zaru matematik usullar va metodlari qo'llash bo'yicha mashq qilish imkoniyati beriladi. Mustaqil ta'llim faoliyatida talabalar mavzularini chuqur o'rganib, adabiyoltar va ilmiy jurnallar hamda manbaalarda foydalangan holda mavzularini tahsil qilishi; (bilim)</p> <p>-Matematik analiz tushunchalari va tamoyillarini chuqur tushunishni namoyish etadi, matematik analiz metodlarning mohiyatini chuqur tahsil qiladi, kasbiy faoliyatida muammollarini hal qilish uchun mos matematik tahsil, algebra va sonlar nazariysi, geometriya, differensial tenglamalar, ehtiymollar nazariysi fanlar sohalari bo'yicha bilim, malaka va ko'nikmalariga ega bo'лади, ilmiy tadqiqot ishlарini bajarishda ishtiroy etadi; (ko'nikma)</p> <p>-Talabalar matematik analiz fandan nazariy bilmilar, amaliy ko'nikmalar, mantiqiy fikrlash, to'g'ri xulosa chiqarish, matematik madaniyatini oshirish hamda ilmiy dunyoqarashini shakllantirish malakalariga ega bo'lishi kerak.</p>
4.	<p>VI. Ta'llim texnologiyalari va metodlari:</p> <ul style="list-style-type: none"> • ma'ruzalar; • interfaol keys-stadilar; • seminarlar (mantiqiy fikrlash, tezkor savol-javoblar); • guruuhlarda ishlash; • taqdimotlarni qilish; • individual loyihalar; • jamoa bo'lib ishlash va hioya qilish uchun loyihalar
5.	<p>VII. Kreditarni olish uchun talablar:</p> <p>Fanga oid nazariy va amaliy tushunchalarni to'la o'zlashtirish, misol va masalalar matijalarini to'g'ri aks ettira olish, o'rganilayotgan mavzular va tushunchalar haqida mustaqil mushohada yuritish, joriy va oralig' nazorat shakllarida berilgan vazifa va topshiriqlarni bajarish, yakuniy nazorat bo'yicha variantlar asosida yozma vazifalarini bajarishi zaru.</p>
6.	<p>VIII. Asosiy adabiyottar</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Azlarov T., Mansurov H. Matematik analiz, 1,2-tomlar, Toshkent, «O'zbekiston», 1994,1995. 2. Xudoyberganov G., Vorisov A. K., Mansurov H.T.,Shoimqulov B. A. Matematik analiz, 1,2-tomlar, Toshkent, «O'zbekiston», 2010. 3. Arkipov G., Sadovnichiy V., Chubarikov V. Leksi po matematicheskemu analizu, Moskva, «Vissnaya shkola», 1999. 4. G'oziyev A., Isroilov I., Yaxshiboev M. Matematik analizidan misol masalalar to'plami. 1, 2, 3-qism. Toshkent 2012 4. Xudoyberganov G., Vorisov A., Mansurov H. Kompleks analiz ma'ruza. Toshkent "Universiteti" 1998-y. 5. A.Sa'dullayev, G.Xudoyberganov, H.Mansurov, A.Vorisov, T.To'ychiyev Matematik analiz kursidan misol va masalalar to'plami. 3-qism (Kompleks analiz). Toshkent "O'zbekiston" 2000-y.

6. M.S.Salohiddinov, F.N.Nasritdinov Oddiy diffrensial tenglamalar Toshkent 1994-y

7. Y.P.Oppoqov, N.Turg'unov, I.A.Gafarov. Oddiy diffrensial tenglamalardan misol va masalalar. Toshkent 2009

IX. Qo'shimcha adabiyotlar

1. Ilin V., Sadovnichiy V., Sendov B. Matematicheskiy analiz, Moskva «Nauka», 1979.
2. Kudryavsev L. Kurs matematicheskogo analiza TT, 1, 1973.
3. Fixtengols G. Kurs differensialnogo i integralnogo ischisleniya, TT, I, II, Moskva "fizmat-lit", 2001.
4. Demidovich B. Sbornik zadach i uprajneniy po matematicheskому analizu, Moskva, «Nauka», 1990.
5. А.Ф.Филиппов Сборник задач по дифференциальным уравнениям. Научно-издательский центр 2000-й

Axborot manbalari

www.pedagog.uz

www.edu.uz

www.mathnet.uz

<https://www.xanakademiysi.uz/>

www.nadlib.uz

<http://ziyonet.uz>

www.cspl.uz

7. Chirchiq davlat pedagogika universiteti tomonidan ishlab chiqilgan va universitet Kengashining 2023 yil “_____” _____ dagi qarori bilan tasdiqlangan

8. Fan/modul uchun ma'sul: B.Z.Usmonov CHDPU, "Algebra va matematik analiz" kafedrasi katta o'qituvchisi.

9. Taqrizchilar:
D.M.Maxmudova - Chirchiq davlat pedagogika universiteti Matematika va informatika fakulteti dekani p.f.d professori.
J.Q.Adashev –V.Ramanovskiy nomidagi Matematika instituti katta ilmiy hodimi f.-m.f.d professori.