

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY TA'LIM, FAN VA INNOVATSIYALAR VAZIRLIGI
CHIRCHIQ DAVLAT PEDAGOGIKA UNIVERSITETI**



**MATEMATIK ANALIZ
O'QUV DASTURI**

Bilim sohasi: 500000 – Tabiiy fanlar matematika va statistika
Ta'lif sohasi: 540000 – Matematika va statistika
Ta'lif yo'nalishlari: 60540100 – Matematika

Chirchiq – 2024

Fan modul kodi MAN1123424	O'quv yili 2024-2025	Semestr 1-2 3-4	ECTS - Kreditlar 6-6 6-6
Fan modul turi Majority	Ta'lim tili O'zbek/rus	Haftadagi dars soatlari 6	
Fanning nomi Matematik analiz	Auditoriya mashg'ulotlari (soat)	Mustaqil ta'lif (soat)	Jami yuklama (soat)
		360	720

2.

L. Fanning mazmuni.

Fanni o'qitishidan maqsad: Matematik analiz kursining asosiy maqsadi talabalarini matematikaning zaruriy ma'lumotlari majmuasi (tushunchalar, tasdiqlar va ularning isboti, amaliy masalalarini yechish usullari va boshqalar) bilan tanishirishdan iboradir. Ayri payda u talabalarini mantiqiy fikrlashga, to'g'ri xulosa chiqarishga, matematik madaniyatini oshirishga va shu bilan birgalikda talabalarini zamonaviy matematika asoslarini bilan tanishtrish, kasbiy faoliyatga oid masalalarini ongли ravishda tadqiq etish, muammolar yechimini topishiida matematik analiz imkoniyatiini mohiyatini tushuntirish va ularni qo'llay olisiga o'rgatishga xizmat qiladi. Kurs orqali talabalar matematik analiz fanning funksiyalar, ketma-ketliklar, yaqinlashuvchanlik, funksiya limiti, funksiya uzuksizligi, hosila, differential, boshlang'ich funksiya va integral kabi bir qator mavzular haqida chuquq ma'lumotlarga ega bo'lishadi.

Fanni o'qitishning vazifalari: Matematik analiz fani matematik tushunchalar mazmunitini, qoidalarini va usullarini ongли o'zlashtirish orqali fikrlash madaniyatini egallash, axborotlarni tushunish, umumilashitirish va tahlil qilish, masadni qo'yish va unga erishish yo'llarini tanlash;

-og'zaki va yozma nuqtini asoslagan holda o'z fikrlarini mantiqan to'g'ri, aniq va rasional ifodash;

-matematik analizning asosiy usullarini, jumladan nazzariy va eksperimental tadqiqotlar usullarini kasbiy faoliyatga qo'llash kompetensiyalariga erishish va shu orqali matematik analiz fanning muhandislik, fizika, texnika, iqtisod va bosqqa sohalarni o'rganishda, ularning masalalarini yechishda, ayniqsa turli jarayonlarning matematik modellarini tahlil qilishda muhim ahamiyatga egaligini anglash.

II. Asosiy naziariy qism (ma'ruba mashg'ulotlari)
Fan tarkibiga quyidagi mavzular kiradi:

I semestr

1-mavzu. Matematik analiz fanning predmeti. To'plamlar va aksantirishlar.

Matematik analiz fanning predmeti. Tarixiy ma'lumotlar. Fanning rivojlanish tendensiylari. O'zbekistonda matematik analiz funing rivoji. To'plamlar va ular ustida amallar. Aksantirishlar va ularning turlari.

2-mavzu. Haqiqiy sonlar to'plami.

Ratsional sonlar to'plami va uning xossalari, ratsional sonlar to'plamining kesimi, iratsional son tushunchasi, haqiqiy sonlar to'plamining asosiy xossalari. Haqiqiy sonning moduli va uning xossalari. Yuqorida va quyidagan chegaralangan to'plamlar, ularning chegaralari.

3-mavzu. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklar ularning xossalari.

Sonli ketma-ketlik haqida tushuncha. Ketma-ketlikning berilish usullari. Chegaralangan ketma-ketliklar, monoton ketma-ketliklar. Ketma-ketlik limitining ta'rif. Yaqinlashuvchi ketma-ketlikning xossalari. Oralig o'zgaruvchining limiti haqidagi teorema.

4-mavzu. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklar ular ustida arifmetik amallar.

Cheksiz kichik va cheksiz katta ketma-ketliklar va ularning xossalari. Yaqinlashuvchi ketma-ketlikning chegaralanganligi, limitining yagonaligi. Cheksiz katta ketma-ketliklar. Ketma-ketliklar yig'indisi, ko'paytmasi va bo'limmasining limiti. Aniqmasliklar va ularni ochish.

5-mavzu. Yaqinlashish prinsipi.

Monoton ketma-ketlikning limiti, e soni. Ichma-ich joylashgan segmentlar prinsipi. Qismiy ketma-ketlik. Bolsano-Veyershtress teoremasi. Ketma-ketlik yaqinlashishining Koshi kriteriyasi.

6-mavzu. Bir o'zgaruvchili funksiya va uning xossalari.

Funksiyaning ta'rif va berilish usullari. Funksiyaning grafigi. Funksiyalar ustida arifmetik amallar. Funksiyaning juft va toqiligi, chegaralanganligi, davriyligi tushunchalari. Teskari va murakkab funksiyalar.

7-mavzu. Funksiyaning limitining ta'riflari.

Funksiyaning nuqtadagi limitining Geyne va Koshi ta'riflari. Limiga ega bo'lgan funksiyalarning sodda xossalari. Bir tomonli limitlar. Bir tomonli limitlar asosida funksiyalarning chekli limitiga ega bo'lish sharti.

8-mavzu. Limitiga ega bo'lgan funksiyaning xossalari.

Ikki funksiya yig'indisi, ko'paytmasi va bo'limmasining limiti. Murakkab

funksiyaning limiti. Monoton funksiyaning limiti. Koshi kriteriyisi. Ba'zi bir ajoyib limitlar. Cheksiz kichik funksiyalar va ularni taqqoslash.

9-mavzu. Uzluksiz funksiya va uning xossalari.

Funksiyaning nuqtadagi va to'plandagi uzluksizligi. Yig'indi, ko'paytma va bo'limaning uluksizligi. Funksiyaning uzlilik nuqtalari va ularning klassifikatsiyasi.

10-mavzu. Kesmada uzluksiz bo'lgan funksiyalarning xossalari.

Kesmada uzluksiz bo'lgan funksiyaning xossalari. Monoton funksiyaning uzluksizligi. Teskari funksiyaning mavjudligi va uzluksizligi. Tekis uzluksiz funksiyalar.

11-mavzu. Asosiy elementar funksiyalar va ularning uzluksizligi.

Haqiqiy ko'rsatkichli daraja. Ko'rsatkichli, logarifmik, darajali funksiyalar va ularning xossalari. Trigonometrik funksiyalar. Teskari trigonometrik funksiyalar va ularning xossalari.

12-mavzu. Bir o'zgaruvchili funksiyaning hosilasi.

Hosila tushunchasiga olib keladigan masalalar. Hosilaning ta'rif, uning geometrik va mexanik ma'nolari. Egri chiziq urinmasi va normalining tenglamalari.

13-mavzu. Hosilani hisoblash qoidalari.

Hosilani hisoblash qoidalari. Murakkab va teskari funksiyaning hosilasi. Asosiy elementar funksiyalarning hosilari. Logarifmik hosila. Daraja ko'rsatkichli funksiyaning hosilasi.

14-mavzu. Funksiyaning differensiali.

Differensiallanuvchanlik va hosilaning orasidagi bog'lanish. Funksiya differensialining geometrik va fizik ma'nolari. Differensial formasining invariantligi. Differensialning taqribiy hisoblashlarga tabbiqlari.

15-mavzu. Yuqori tartibili hosila va differensiallar.

Yuqori tartibili hosilalar. Ikkinchchi tartibili hosilaning mexanik ma'nosini. Yuqori tartibili differensiallar. Parametrik ko'rinishda berilgan funksiyani differensiallash.

16-mavzu. Differensial hisobning asosiy teoremlari.

Ferma, Roll, Lagranj va Koshi teoremlari. Lopital qoidasi. Taylor formulasi. Taylor formulasining limitlari hisoblashlarga va taqribiy hisoblashlarga tabbiqlari.

17-mavzu. Hosilaning tabbiqlari.

Funksiyaning o'zgarmaslik sharti. Funksiyaning monotonligi. Funksiyaning ekstremumlari. Birinchi tartibili hosila yordamida funksiyani ekstremumga tekshirish. Yuqori tartibili hosila yordamida funksiyani ekstremumga tekshirish. Funksiyaning eng katta va eng kichik qiymatlari.

18-mavzu. Hosila yordamida funksiyani to'la tekshirish.

Funksiyaning botiq va qavariqligi, engilish nutqalari. Funksiyaning asimptotlari. Funksiyani to'la tekshirish va grafigini yasash.

19-mavzu. Aniqmas integral va uni topishning sodda usullari.

Boshlang'ich funksiya va aniqmas integral tushunchalari. Aniqmas integralning xossalari. Aniqmas integrallar jadvali. Integrallash usullari: o'zgaruvchilarni almashtirish va bo'laklab integrallash.

20-mavzu. Ratsional funksiyalarni integrallash.

Sodda ratsional kasrlar va ularni integrallash. To'g'ri ratsional kasrlarni integrallash. Kasr ratsional funksiyalarni integrallash.

21-mavzu. Trigonometrik funksiyalarni integrallash.

Trigonometrik ifodalarni integrallash. Universal usul.

22-mavzu. Sodda irrationallar va transsident funksiyalarni integrallash.

Sodda irrationallar ifodalarni integrallash. Binomial differensiallarni integrallash. Eyler almashtirishlari.

II semestr

1-mavzu. Aniq integralning ta'rif.

Aniq integral tushunchasiga olib keladigan masalalar. Yuza haqidagi va o'zgaruvchan kuch bajaradigan masalalar. Aniq integralning ta'rif.

2-mavzu. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari.

Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy sharti. Darbu yig'indilari va ularning xossalari. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari.

3-mavzu. Integralllanuvchi funksiyalar sinfi.

Uzluksiz funksiyalarning integralllanuvchanligi. Monoton funksiyalarning integralllanuvchanligi. Cheklili sondagi uzlilikha ega bo'lgan funksiyalar.

4-mavzu. Aniq integralning xossalari.

Aniq integralning tenglik va tengsizlik bilan ifodalanganadigan xossalari. O'rta qiyamat haqidagi teoremlar. Yuqori chegarasi o'zgaruvchi bo'lgan aniq integral.

5-mavzu. Aniq integralni hisoblash usullari.

Nyuton – Leybnits formulasi. Aniq integralda o'zgaruvchilarni almashtirish va bo'laklab integrallash usullari. Aniq integralni taqribiy hisoblash.

6-mavzu. Chegaralari cheksiz xosmas integrallar.

Integrallash sohasi chegaralannagan xosmas integral tushunchasi. Xosmas integralning xossalari. Absolyut yaqinlashuvchi integrallar. Xosmas integrallarni hisoblash.

7-mavzu. Chegaralannagan funksiyaning xosmas integrali.

Chegaralannagan funksiyaning xosmas integrali. Chegaralannagan funksiya

xosmas integralining xossalari. Chegaralannagan funksiyaning xosmas integralini hisoblash.

3-mavzu. Chegaralannagan funksiyaning xosmas integrali.

Chegaralannagan funksiyaning xosmas integrali. Chegaralannagan funksiya xosmas integralining xossalari. Chegaralannagan funksiyaning xosmas integralini hisoblash.

9-mavzu. Aniq integralning geometrik kattalklarni hisoblashga tatlbiqlari.

Yuzani hisoblash formulari. Qutb koordinatalari sistemasida figuraning yuzini hisoblash. Fazoviy jism hajmini hisoblash. Egri chiziq yoyi uzunligini hisoblash. Yoy uzunligining differentiali. Aylanna sirt yuzini hisoblash.

10-mavzu. Aniq integralning mechanika va fizikaga tatlbiqlari.

O'zgaruvchi kuchning bajargan ishini aniq integral yordamida hisoblash. Yassi yoy va figuraning og'irlik markazlarini va intersiya momentlarini hisoblash formulalari.

11-mavzu. Yaqinlashuvchi sonli qatorlar va ularning xossalari.

Sonli qator tushunchasi. Yaqinlashuvchi qator va uning yig'indisi. Qatorning qoldig'i. Geometrik qator. Qator yaqinlashishining zaruriy sharti. Garmonik qator. Yaqinlashuvchi qatorlarning sodda xossalari. Koshi kriteriyasi.

12-mavzu. Musbat hadli qatorlar.

Musbat hadli qatorlarning yaqinlashish sharti. Musbat hadli qator yaqinlashishining zaruriy va yetarli sharti. Taqoslash teoremlari. Koshi va Dalamber alomatlar. Koshining integral alomati.

13-mavzu. Ixtiyoriy hadli qatorlar.

Ishorasi almashinuvchi qatorlar. Leybnits teoremasi. Absolyut va shartli yaqinlashuvchi qatorlar va ularning xossalari.

14-mavzu. Funktsional ketma-ketliklar.

Funksional ketma-ketlik tushunchasi, yaqinlashuvchi ketma-ketlik va uning limiti. Tekis yaqinlashuvchi funksional ketma-ketlik. Tekis yaqinlashuvchi funksional ketma-ketlik.

15-mavzu. Tekis yaqinlashuvchi funksional ketma-ketliklarning xossalari.

Tekis yaqinlashish alomati. Tekis yaqinlashuvchi funksional ketma-ketlikning xossalari. (Limit funksiyaning uzlaksizligi, uni differentialash va integrallash).

16-mavzu. Funktsional qatorlar.

Funksional qatorlar va uning yig'indisi, tekis yaqinlashuvchi qatorlar, tekis yaqinlashish sharti.

17-mavzu. Funktsional qatorlar.

Funksional qatorlar va uning yig'indisi, tekis yaqinlashuvchi qatorlar, tekis yaqinlashish sharti.

18-mavzu. Tekis yaqinlashuvchi funksional qatorlarning xossalari.

Tekis yaqinlashuvchi qatorning xossalari. Qator yig'indisining uzlaksizligi, qatorni hadma-had differentialash va integralash.

19-mavzu. Tekis yaqinlashuvchi funksional qatorlarning xossalari.

Tekis yaqinlashuvchi qatorning xossalari. Qator yig'indisining uzlaksizligi, qatorni hadma-had differentialash va integralash.

20-mavzu. Darajali qatorlar.

Darajali qator tushunchasi. Abel teoremasi. Darajali qatorning yaqinlashish radiusi, yaqinlashish intervali va sohasi. Darajali qatorning tekis yaqinlashishi.

21-mavzu. Taylor qatori.

Funksiyalarni darajali qatorga yoyish masalasi. Taylor qatori.

22-mavzu. Furye qatori.

Furye koefitsiyentlari va Furye qatori. Funksiyani Furye qatoriga yoyish masalasi. Dirixle teoremasi (isbotsiz). Davriy, juft va toq funksiyalar uchun Furye qatori.

III semestr

1-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar. R^n fazo va uning muhim to'plamlari.

Ko'p o'zgaruvchining funksiyasi haqida tushuncha. R^n fazoning qism to'plamlari. m o'zgaruvchili funksiyaning aniqlanish sog'asi sifatida. Ikki o'zgaruvchili funksiyaning grafigi. Sath chiziqlari va sirtlari tushunchalari.

2-mavzu. R^m fazoda ketma-ketlik va uning limiti.

R^m fazoda nuqtaning atrofi. R^m fazodagi nuqtalar ketma-ketligi va uning limiti.

3-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning limiti.

m o'zgaruvchili funksiyaning limiti. Takroriy limitlar.

4-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning uzlaksizligi.

Uzlaksizlik ta'riflari. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning oraliq qiymatlari haqidagi teoremlar. Veyvershtrass teoremlari. Tekis uzlaksizlik va Kantor teoremasi.

5-mavzu. Uzlaksiz funksiyalarning xossalari.

Ko'p o'zgaruvchili uzlaksiz funksiyaning xossalari.

6-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiya differentialining taqribiy hisoblashlarga tatlbiqlari.

21-mavzu. Uch o'ichovli integrallarning tafbiqlari.

Uch o'ichovli integral tushunchasi. Uch o'ichovli integralning xossalari.

22-mavzu. Yoy uzunligi bo'yicha olingan egrini chiziqli integrallar.

Yoy uzunligi bo'yicha olingan egrini chiziqli integrallar.

IV semestr

Ko'p o'zgaruvchili funksiya differentialining taqribiy hisoblashlarga tadbiqlari.

7-mavzu Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarini differensiallash.

Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarini differensiallash.

8-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiya differentialining taqribiy hisoblashlarga tadbiqlari.

Ko'p o'zgaruvchili funksiya differentialining taqribiy hisoblashlarga tadbiqlari.

9-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibli hosila va differensiallari.

Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibli hosila va differensiallari.

10-mavzu. Oshkormas funksiyalarini differensiallash.

Oshkormas funksiyalarni differensialash.

11-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning ekstremumlari.

Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning ekstremumlari. Ekstremumning zaruriy sharti. Iktki o'zgaruvchili funksiya uchun ekstremumning yetarli sharti.

12-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning eng katta va eng kichik qiymatlari.

Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning eng katta va eng kichik qiymatlari.

13-mavzu. Yo'nalish bo'yicha hosila. Gradiyent.

14-mavzu. Iktki o'ichovli integral ta'riflari.

Iktki o'ichovli integralda o'zgaruvchilarni almashtirish. Qutb koordinatalarda iktki o'ichovli integral. Iktki o'ichovli integralning tabbiqlari.

15-mavzu. Iktki o'ichovli integralning mavjudligi.

Iktki o'ichovli integralda o'zgaruvchilarni almashtirish. Qutb koordinatalarda iktki o'ichovli integral. Iktki o'ichovli integralning tabbiqlari.

16-mavzu. Iktki o'ichovli integralning xossalari.

Iktki o'ichovli integral. Iktki o'ichovli integralning tabbiqlari.

17-mavzu. Iktki o'ichovli integrallarda o'zgaruvchilarni almashtirish.

Iktki o'ichovli integralda o'zgaruvchilarni almashtirish. Qutb koordinatalarda iktki o'ichovli integral. Iktki o'ichovli integralning tabbiqlari.

18-mavzu. Iktki o'ichovli integralning taqribiy hisoblash.

Yoy uzunligi bo'yicha olingan egrini chiziqli integrallar.

19-mavzu. Iktki o'ichovli integralning tabbiqlari.

Yoy uzunligi bo'yicha olingan egrini chiziqli integralning tabbiqlari.

20-mavzu. Uch o'ichovli integrallar.

Uch o'ichovli integral tushunchasi. Uch o'ichovli integralning xossalari.

1-mavzu. Birinchi tur egrini chiziqli integrallar.

Birinchi tur egrini chiziqli integrallar.

2-mavzu. Ikkinchchi tur egrini chiziqli integrallar.

Ikkinchchi tur egrini chiziqli integrallar.

3-mavzu. Grin formulasi va uning tadbiqlari.

Grin formulasi va uning tadbiqlari.

4-mavzu. Birinchi tur va ikkinchi tur egrini chiziqli integrallar orasidagi bog'lanish.

Birinchi tur va ikkinchi tur egrini chiziqli integrallar orasidagi bog'lanish.

5-mavzu. Sirt integrallari. Birinchi tur sirt integrallar.

Sirt integrallari. Birinchi tur sirt integrallar.

6-mavzu. Sirt integrallari. Ikkinchchi tur sirt integrallar.

Sirt integrallari. Ikkinchchi tur sirt integrallar.

7-mavzu. Stoks formulasi.

8-mavzu. Ostrogradskiy formulasi.

Ostrogradskiy formulasi.

9-mavzu. Furye qatorlari ba'zi muhim tushunchalar.

Furye qatorlari ba'zi muhim tushunchalar.

10-mavzu. Furye qatorlarning ta'rif.

Furye qatorlarning ta'rif.

11-mavzu. Lemmalar.

Lemmalar.

12-mavzu. Direxli integrali.

Direxli integrali.

13-mavzu. Furye qatorlarning yaqinlashuvchiligi.

Furye qatorlarning yaqinlashuvchiligi.

14-mavzu. Qismiy yig'indilarning bir ekstrimal xossasi.

Qismiy yig'indilarning bir ekstrimal xossasi.

15-mavzu. Bessel tengsizligi.

Bessel tengsizligi.

16-mavzu. Yaqinlashuvchi Furyeqatori yig'indisining funksional

hosilalari.

Yaqinlashuvchi Furyeqatori yig'indisining funksional hosilalari.

17-mavzu. Funksiyalarning triganametrik ko'phad bilan

yaqinlashtirish.

Funksiyalarning triganametrik ko'phad bilan yaqinlashtirish.

18-mavzu. O'ttacha yaqinlashish.

O'ttacha yaqinlashish.

19-mavzu. Furye qatorlarining o'ttacha yaqinlashishi.

Furye qatorlarining o'ttacha yaqinlashishi.

20-mavzu. Furye qatorlarining o'ttacha yaqinlashishi.

Furye qatorlarining o'ttacha yaqinlashishi.

21-mavzu. Funksiyalarning ortogonal sistemasi.

Funksiyalarning ortogonal sistemasi.

22-mavzu. Ummulashgan Furye qatori.

Ummulashgan Furye qatori.

III. Analij mashg'ulotlari buyicha ko'rsatma va tavsiyalar

Analij mashg'ulotlari buyicha ko'rsatma va tavsiyalar
tomonidan o'tkazilishi zarur. Mashg'ulotlari faol va interaktiv usullar
yordamida o'ttilishi, mos ravishda munosib pedagogik va axborot
tehnologiyalar qo'llanilishi maqsadga muvofiq.

III.L Analij mashg'ulotlari uchun quyidagi mavzular tavsija etiladi:

I semestr

- 1-mavzu. Matematik analiz fanining predmeti. To'plamlar va akslantrishlar.
- 2-mavzu. Haqiqiy sonlar to'plami. Haqiqiy sonlar ustida amallar.
- 3-mavzu. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklar ularning xossalari.
- 4-mavzu. Yaqinlashuvchi ketma-ketliklar ustida arifmetik amallar. Aniqmasliklarni ochish.
- 5-mavzu. Yaqinlashish prinsipi.
- 6-mavzu. Bir o'zgaruvchili funksiya va uning xossalari.
- 7-mavzu. Funksiyaning limiti va uni hisoblash.
- 8-mavzu. Limitiga ega bo'lgan funksiyaning xossalari.
- 9-mavzu. Uzlusiz funksiya va uning xossalari.
- 10-mavzu. Keshmada uzlusiz bo'lgan funksiyalarning xossalari.
- 11-mavzu. Asosiy elementlar funksiyalar va ularning uzlusizligi.
- 12-mavzu. Bir o'zgaruvchili funksiyaning hosilasi.
- 13-mavzu. Hosilani hisoblash qoidalari.

14-mavzu. Funksiyaning differentiali.

15-mavzu. Yuqori taribili hosiila va differentiali.

16-mavzu. Differensial hisobning asosiy teoremlari.

17-mavzu. Hosilaning tabiqlari.

18-mavzu. Hosila yordamida funksiyani to'la tekshirish.

19-mavzu. Aniqmas integral va uni topishning soddaligi.

20-mavzu. Ratsional funksiyalarni integrallash.

21-mavzu. Triganametrik funksiyalarni integrallash.

22-mavzu. Sodda irratsional va transsident funksiyalarni integrallash.

23-mavzu. Sodda irratsional va transsident funksiyalarni integrallash.

II semestr

1-mavzu. Aniq integralning ta'rif.

2-mavzu. Aniq integral mavjud bo'lishining zaruriy va yetarli shartlari.

3-mavzu. Integrallanuvchi funksiyalar sinfi.

4-mavzu. Aniq integrlaining xossalari.

5-mavzu. Aniq integralni hisoblash usullari.

6-mavzu. Chegaralari cheksiz xosmas integralrillar.

7-mavzu. Chegaralari cheksiz xosmas integralrillar.

8-mavzu. Chegaralanmagan funksiyaning xosmas integrali.

9-mavzu. Chegaralanmagan funksiyaning xosmas integrali.

10-mavzu. Aniq integralning geometrik kattaliklarni hisoblashga tabbiqlari.

11-mavzu. Aniq integrlaining mexanika va fizikaga tabbiqlari.

12-mavzu. Yaqinlashuvchi sonli qatorlar va ularning xossalari.

13-mavzu. Musbat hadli qatorlar.

14-mavzu. Ixtiyoriy hadli qatorlar.

15-mavzu. Funksional ketma-ketliklar.

16-mavzu. Tekis yaqinlashuvchi funksional ketma-ketliklarning xossalari.

17-mavzu. Funksional qatorlar.

18-mavzu. Funksional qatorlar.

19-mavzu. Tekis yaqinlashuvchi funksional qatorlarning xossalari.

20-mavzu. Tekis yaqinlashuvchi funksional qatorlarning xossalari.

21-mavzu. Darajali qatorlar.

22-mavzu. Taylor qatori.

23-mavzu. Furye qatori.

III semestr

1-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalar. R ⁿ fazo va uning muhim to'plamlari.	10-mavzu. Furye qatorlarining ta'rif.
2-mavzu. R ⁿ fazoda ketma-ketlik va uning limiti.	11-mavzu. Lemmalar.
3-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning limiti.	12-mavzu. Direxli integrali.
4-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning uzluksizligi.	13-mavzu. Furye qatorlarining yaqinlashtiruvchiligi.
5-mavzu. Uzlusiz funksiyalarining xossalari.	14-mavzu. Qismiy yig'indilarning bir ekstrimal xossasi.
6-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili uzluksiz funksiyaning tekis uzluksizligi.	15-mavzu. Bessel tengsizligi.
7-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarini differensiallash.	16-mavzu. Yaqinlashuvchi Furyeqatori yig'indisining funksional hissiklari.
8-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiya differensialining taqribiy hisoblasharga tadbiqari.	17-mavzu. Funksiyalarining trigonometrik ko'phad bilan yaqinlashish.
9-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning yuqori tartibli hosila va differensiallari.	18-mavzu. O'rtacha yaqinlashish.
10-mavzu. Oshkormas funksiyalarini differensiallash.	19-mavzu. Furye qatorlarining o'rtacha yaqinlashishi.
11-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning ekstremumlari.	20-mavzu. Furye qatorlarining orthogonal sistemasi.
12-mavzu. Ko'p o'zgaruvchili funksiyaning eng katta va eng kichik qiymatlari.	21-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.
13-mavzu. Yo'nalish bo'yicha hosila.	22-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.
14-mavzu. Ikki o'chovli integral ta'riflari.	23-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.
15-mavzu. Ikki o'chovli integralning mayjudligi.	IV. Mustaqil ta'lim va mustaqil ishlar
16-mavzu. Ikki o'chovli integralning xossalari.	Mustaqil ta'limi baholash – bu talabalarning jamoaviy tartibda va yakka tartibda berilgan amaly misollar yoki masalalarni bajarishlari orqali amalga oshiriladi. Bunda har bir talabaga bitta jamoaviy mavzu yoki masalalar beriladi. Talaba berilgan misol yoki masalalarning maqsad va vazifalarini, mohiyatini tushungan holda qo'yilgan masalani o'rganib, izlanishlar olib boradi. Olingan natiyalarni tahlil qilib, yechimlari bilan taqdimotlar tayyorlab himoya qiladi.
17-mavzu. Ikki o'chovli integrallarda o'zgaruvchilarni almash tirish.	
18-mavzu. Ikki o'chovli integralni taqribiy hisoslash.	
19-mavzu. Ikki o'chovli integralning tatbiqlari.	
20-mavzu. Uch o'chovli integrallar.	
21-mavzu. Uch o'chovli integralllar.	
22-mavzu. Uch o'chovli integrallarning tatlbiqlari.	
23-mavzu. Yoy uzunligi bo'yicha olingen egri chiziqli integrallar.	
	IV semestr
1-mavzu. Birinchil tur egri chiziqli integrallar.	- tabaqalashitirilgan yakka tartibdagi topshiriqlarni bajarish;
2-mavzu. Ikkinchil tur egri chiziqli integrallar.	- mustaqil ta'lim uchun mo'jallangan mavzularini o'zlashtirishdan iboratdir.
3-mavzu. Grin formulasini va uning tadbiqlari.	IV.I.Mustaqil ta'lim uchun tavsija etiladigan mavzular:
4-mavzu. Birinchil tur va ikkinchil tur egri chiziqli integrallar orasidagi bog'lanish.	I semestr
5-mavzu. Sirt integralllari. Birinchil tur sirt integralllari.	1. To'plam tushunchasi hamda misol va masalalar.
6-mavzu. Sirt integrallari. Ikkinchil tur sirt integralllari.	2. Qism to'plam tushunchasi. Qism to'planga oid misollar va masalalarni o'rganish.
7-mavzu. Stoks formulasi.	3. To'plamlar haqida tariflar va tushunchalar. To'plamlarga oid misol va masalalarni o'rganish.
8-mavzu. Ostrogradskiy formulasi.	

9-mavzu. Furye qatorlari ba'zi muhim tushunchalar.	10-mavzu. Furye qatorlarining ta'rif.
11-mavzu. Lemmalar.	11-mavzu. Lemmalar.
12-mavzu. Direxli integrali.	12-mavzu. Direxli integrali.
13-mavzu. Furye qatorlarining yaqinlashtiruvchiligi.	13-mavzu. Furye qatorlarining yaqinlashtiruvchiligi.
14-mavzu. Qismiy yig'indilarning bir ekstrimal xossasi.	14-mavzu. Qismiy yig'indilarning bir ekstrimal xossasi.
15-mavzu. Bessel tengsizligi.	15-mavzu. Bessel tengsizligi.
16-mavzu. Yaqinlashuvchi Furyeqatori yig'indisining funksional hissiklari.	16-mavzu. Yaqinlashuvchi Furyeqatori yig'indisining funksional hissiklari.
17-mavzu. Funksiyalarining trigonometrik ko'phad bilan yaqinlashish.	17-mavzu. Funksiyalarining trigonometrik ko'phad bilan yaqinlashish.
18-mavzu. O'rtacha yaqinlashish.	18-mavzu. O'rtacha yaqinlashish.
19-mavzu. Furye qatorlarining o'rtacha yaqinlashishi.	19-mavzu. Furye qatorlarining o'rtacha yaqinlashishi.
20-mavzu. Furye qatorlarining orthogonal sistemasi.	20-mavzu. Furye qatorlarining orthogonal sistemasi.
21-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.	21-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.
22-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.	22-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.
23-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.	23-mavzu. Umumlashgan Furye qatori.
IV. Mustaqil ta'lim va mustaqil ishlar	
Mustaqil ta'limi baholash – bu talabalarning jamoaviy tartibda va yakka tartibda berilgan amaly misollar yoki masalalarni bajarishlari orqali amalga oshiriladi. Bunda har bir talabaga bitta jamoaviy mavzu yoki masalalar beriladi. Talaba berilgan misol yoki masalalarning maqsad va vazifalarini, mohiyatini tushungan holda qo'yilgan masalani o'rganib, izlanishlar olib boradi. Olingan natiyalarni tahlil qilib, yechimlari bilan taqdimotlar tayyorlab himoya qiladi.	
	I semestr
1. To'plam tushunchasi hamda misol va masalalar.	
2. Qism to'plam tushunchasi. Qism to'planga oid misollar va masalalarni o'rganish.	
3. To'plamlar haqida tariflar va tushunchalar. To'plamlarga oid misol va masalalarni o'rganish.	

4. Haqiqiy songa kam bilan va ortig'i bilan o'nli yaqinlashtirish. Haqiqiy sonlar va ularni taqpostash.
5. Haqiqiy sonlar to'plami. Chegaralangan to'plamning aniq chegaralari va ular haqidagi teorema.
6. Funksiya tushunchasi. Funksiyaning aniqlanish va qiyomatlar sohasi.
7. Koordinatalar sistemasi. Funksiyaning grafigi.
8. Funksiya tarifi va aniqlanish va qiyomatlar sohasiga oid misol va masalalarni o'rganish.
9. Juft va toq funksiyalar haqida tushunchalar va teoremlar. Juft va toq funksiyalarga oid misol va masalalarni o'rganish.
- 10.Davriy va davriymas funksiyalarga oid tushuncha va tariflar.
- 11.Chegaralangan va chegaralannagan funksiyalar.
- 12.Berilgan funksiyaga teskari funksiya tushunchasi, chegaralari cheklangan va cheklannagan funksiyalar haqida tushuncha.
13. $y = ax^a$ va $y = \log_a x$ funksiyalarning xossalari, funksiyalarning grafiklari.
14. $y = \sin x$, $y = \cos x$, $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$ funksiyalar va ularning xossalari, grafigi.
- 15.Sonli ketma-ketlik limitining ta'rif. Misollar.
- 16.Berilgan son ketma-ketlikning limiti bo'lishi yoki bo'lmasligini ta'rif bo'yicha ko'rsatish.
- 17.Ketma-ketlik yaqinlashishning zaruriy sharti. Limitilar haqida teoremlar.
- 18.Cheksiz kichik va cheksiz katta ketma-ketliklar.
- 19.Ixtiyoriy sonly ketma-ketliklar. Qismiy ketma-ketliklar va qismiy limitlar.
- 20.Yuqori va quiyi limitlar. Limitlarga doir tushunchalarni o'rganish va ularga misollar keltirish.
- 21.Ichma-ich joylashgan segmentlar prinsipi. Chegaralangan funksiyalarning yaqinlashishi haqida tushunchalar.
- 22.Chegaralangan funksiyalaga oid misol va masalalarni o'rganish.
- 23.Ta'rif bo'yicha berilgan son berilgan funksiyaning limiti ekanligini ko'rsatish.
- 24.Funksiyaning limitiga oid tushunchalar va tariflar. Ularga oid misollar va masalalarni o'rganish.
- 25.Cheksizlikdagi limit. Bir tomonli limitlar.
- 26.Cheksiz kichik va cheksiz kattalar. Aniqmasliklarga oid tushunchalar va tariflar. Limitlar haqida tushunchalar. Aniqmasliklarga oid misollar va masalalarni o'rganish
- 27.Uzalish turlari, sakrash tushunchasi. Uzlusiz funksiyalar ustida arifmetik amallar bajarish. Uzlusiz funksiyalar haqida tushunchalar va tariflar.
- 28.Veyershtass teoremasi haqida tariflar. Tekis uzlusizlik

- haqida tariflar vular haqida ma'lumotlar. Kantor teoremasiga oid misol va masalalarni o'rganish va tushunchalar berish.
- 29.Uzilishga ega bo'lgan funksiyalarni, uzilish nuqtalarini, uzilish turlari, bir yoki bir nechta elementiga biror qonun yoki qoidaga asosan to'plamdan yagona elementni mos qo'yilishiga funksiya o'ganildi.
- 30.Funksiyaning nuqtada uzlusiz bo'lishi u holda nuqtanining yetarli kichik atrofi o'rganiladi. Teskari funksiyaning mavjudligi va uzlusizligini tekshirishda natijasida hosil bo'ladigan funksiya teskari funksiyalarini topish o'ganiladi.

II semestr

1. Funksiyaning hosislasi
2. Funksiyaning differensiali
3. Funksiyaning differensiali funksiya ottirmasining argument ottirmasi nishatiga yuqori taribili hosila funksiyaning n-tartiblisini o'rganish.
4. Funksiyaning differensiali funksiya ottirmasining argument ottirmasi nishatiga yuqori taribili hosila funksiyaning n-tartiblisini o'rganish.
5. Hosila yordamida funksiyani monotonlikka tekshirish.
6. Funksiya ekstremumi, ulami hosila yordamida topish.
7. Funksiya grafigning qavariligi
8. Funksiya grafigning botiqligi.
9. Funksiya grafigning asymptotalarini
- 10.Boshlang'ich funksiya
- 11.Aniqmas integral tushunchalari.
- 12.Trigonometrik funksiyalarni integrallash
- 13.Ba'zi irrationallar funksiyalarni integrallash.
- 14.Aniq integral (Riman integrali) ta'riflari.
- 15.Nyuton-Leybnits formulasi.
- 16.Aniq integralning mavjudligi .
- 17.Integrallanuvchi funksiyalar sinfi.
18. Sonli qatorlar.
- 19.Haqiqiy va kompleks sonli qatorlar.
- 20.Yaqinlashuvchi qatorlarning xossalari.
- 21.Musbat hadli va Ixtiyoriy hadli qatorlar va ular yaqinlashish alomatlari.
- 22.Absolyut va shartli yaqinlashuvchi qatorlarning xossalari.
- 23.Riman teoremasi.
- 24.Funksional qatorlar.
- 25.Funksional ketma-ketlik (qator)larning tekis yaqinlashishi alomatlari.

	<p>26. Funksiyonal qatorlarning Dalamber alomatiga ko'ra yaqinlashishi</p> <p>27. Funksiyonal ketma-ketlik (qator)larning funksional xossalari.</p> <p>28. Haqiqiy va kompleks hadli darajali qatorlarning yaqinlashish soxasi.</p> <p>29. Koshi—Adaman formulasi</p> <p>30. Darajali qatorlarning funksional xossalari.</p>
III semestr	

	<p>1. Teylor va Makloron qatorlari.</p> <p>2. Elementar funksiyalarni darajali qatorlarga yoyish.</p> <p>3. Funksiyaning o'rta qiymati.</p> <p>4. O'rta qiymat haqidagi teorema va tadbiqi.</p> <p>5. Birinchli tur xosmas integralrlar va ularning yaqinlashishi.</p> <p>6. Chegaralari cheksiz xosmas integralning yaqinlashuvchiligi.</p> <p>7. Ekvivalent funksiya xosmas integralning yaqinlashuvchanligi</p> <p>8. Integral uchun Koshi kriteriyasi,</p> <p>9. Dirixle alomatni Abel alomatni</p> <p>10. Ikkinchi tur xosmas integralrlar haqida tushunchalar.</p> <p>11. Ikkinchi tur xosmas integralrlar haqida tushunchalar.</p> <p>12. Ikkinchi tur xosmas integralrlar va ularning yaqinlashishi.</p> <p>13. Xosmas integralning absolulyut va shartli yaqinlashuvchiligi.</p> <p>14. Xosmas integralning yaqinlashuvchilik alomatlari.</p> <p>15. R^n fazzo va uning muhim to'plamlari. R^n fazoda ketma-ketlik va uning limiti.</p> <p>16. Ko'p o'zgaruvchili funksiya va uning limiti.</p> <p>17. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning uzluksizligi.</p> <p>18. Uzluksiz funksiyalarning xossalari.</p> <p>19. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning tekis uzluksizligi.</p> <p>20. Kantor teoremasi.</p> <p>21. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning hosilasi. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning differentiali.</p> <p>22. Yo'nalish bo'yicha hosila.</p> <p>23. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning yuqori tartibli hosilasi. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning yuqori tartibli differentiali.</p> <p>24. O'rta qiymat haqidagi teorema.</p> <p>25. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning uzluksizligi.</p> <p>26. Ko'p o'zgaruvchili funksiyalarning Taylor formulasi.</p> <p>27. Oshkormas funksiyalarning mavjudligi. Oshkormas funksiyalarning differentiallanuvchiligi.</p> <p>28. Oshkormas funksiyalarning ortogonal sisternasi.</p> <p>29. Umumilashgan Furye qatori.</p>
IV semestr	

		<p>Fanni o'zlashtirish natijasida talaba:</p> <p>Modul ma'ruzalar va amaliy auditoriya mashg'ulotlari hamda talabalarning mustaqil faoliyat orqali tashkil etiladi. Ma'ruzalarda matematik analiz kursi muavzularini tahsil qilish uchun zarur bo'lgan nazariy ma'lumotlar beriladi. Amaliy auditoriya mashg'ulotlarda matematik analiz kursi muavzularini (misol va masalalari) taqdim etiladi va talabalarga ulami hal qilish uchun zarur matematik usullar va metodlarni qo'llash bo'yicha mashq qilish imkoniyati beriladi. Mustaqil ta'lim faoliyatida talabalardan mavzulami chueqr o'rganib, adabiyotlar va ilmiy jurnallar hamda manbaalarda foydalangan holda mavzulami qilish va baholash faolligi, oralitq, nazorat, yakuniy nazorat handa mustaqil ta'linni baholash orqali amalga oshiniladi.</p>
		<p>Kursni tugatgan talabalilar:</p> <p>Matematik analiz tushunchalari va tamoyillarini chueqr tushunishni namoyish etadi, matematik analiz metodlarining mohiyatini chueqr tahill qiladi, kasby faoliyatida muammolarni hal qilish uchun mos matematik tahsil, algebra va sonlar nazariyasi, geometriya, differential tenglamalar, ehitimollar nazariyasi fanlar sohalari bo'yicha bilim, malaka va ko'nikmalarga ega bo'ladi, ilmiy tadqiqot ishlarni bajarishda ishitok etadi.</p>
4.		<p>VI. Ta'lim texnologiyalari va metodlari:</p> <ul style="list-style-type: none"> • ma'ruzalar; • interfaol keys-stadijar; • amaliy mashg'ulotlar (mantiqiy fikrlash, tezkor savol-javoblar); • gunuhada ishlash; • taqdimotlarni qilish; • individual loyihalar; • janroa bo'lib ishlash va hioya qilish uchun loyihalar
5.		<p>VII. Kreditlarni olish uchun talablar:</p> <p>Fanga oldi nazariv va amaliy tushunchalarni to'la o'zlashtirish, misol va masalalar natijalarini to'g'ri aks ettira olish, o'rganilayotgan mavzular va tushunchalarni haqidagi mustaqil mustahkama yuritish, joriy va oralig' nazorat shakkalarda berilgan vazifa va topshiriqlarni bajarish, yakuniy nazorat bo'yicha variantlar asosida yozma vazifalarini bajarishi zarur.</p>
6.		<p>VIII. Asosiy adabiyotlar</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. G.X.Djumabayev. Matematik analiz 1. Chirchiq 2023. 2. F.S.Aktamov. Matematik analiz. Chirchiq 2023. 3. Azitarov T., Mansurov X. Matematik analiz, 1,2-tomlar, Toshkent, «O'zbekiston», 1994,1995. 4. Xudoybergenov G., Vorisov A. K., Mansurov H.T., Shoimqulov B. A. Matematik analiz, 1,2-tomlar, Toshkent, «O'zbekiston», 2010. 5. A.G.Abdurakhmonov. Arikmac va anik integrallar (matematik analiz) BookTarae 2022. ChITPU.

IX. Qo'shimcha adabiyotlar

1.	Ilin V., Sadovnichiy V., Sendov B. Matematicheskiy analiz, Moskva «Naukav», 1979.
2.	Kudryavsev L. Kurs matematicheskogo analiza TT, 1, 1973.
3.	Fixtengols G. Kurs differentsialnogo i integralnogo ischisleniya, TT, I, II, Moskva "fizmat-lit", 2001.
4.	Демидович Б. Сборник задач и упражнений по математическому анализу, Москва, «Наука», 1990.
5.	Сайдуллаев А., Мансуров Х., Худойберганов Г., Варисов А., Гуломов Р. Математик анализ курсидан мисол ва масалалар тўплами, 1 ва 2-томлар, Тошкент, «Ўзбекистон», 1993, 1996.
6.	Axborot manbalari http://www.edu.uz - O'zbekiston Respublikasi Oliy ta'lim fan va innovatsiyalar vazirligi sayti. www.zivonet.uz – O'zbekiston Respublikasi axborot ta'lim tarmog'i www.cspli.uz - CHDPU sayti www.mattib.uz - (A.Navoij nomidagi O'zMK)
7.	Chirchiq davlat pedagogika universiteti tomonidan ishlab chiqilgan va bilan tasdiqlangan
8.	Fan/modul uchun ma'sul: F.S.Aktamov CHDPU, "Algebra va matematik analiz" kafedrasi o'qituvchisi.
9.	Taqrizchilar: J.Adashev – V.Ramanovskiy nomidagi Matematika instituti katta ilmiy hodimi f-m.f.d professori. G.B.Quzmanova – Chirchiq davlat pedagogika universiteti, "Matematika va informatika" fakulteti "Matematika o'qitish metodikasi va geometriya" kafedrasi o'qituvchisi p.f.f.d.